

2022 年普通高等学校招生全国统一考试

选择题

1. 2021 年，我国人口出生率 $f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x^2+1}, & x \geq 0 \\ -\frac{1}{x}, & x < 0 \end{cases}$ 则 $g(x) = f(x) - t$ 在 x_1, x_2, x_3 ($x_1 < x_2 < x_3$) 处取得极值，则 x_1, x_2, x_3 的大小关系为

A. $x_1 < x_2 < x_3$ B. $x_2 < x_1 < x_3$ C. $x_3 < x_1 < x_2$ D. $x_3 < x_2 < x_1$

2. 2022 年，我国人口出生率 $f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x^2+1}, & x \geq 0 \\ -\frac{1}{x}, & x < 0 \end{cases}$ 则 $g(x) = f(x) - t$ 在 x_1, x_2, x_3 ($x_1 < x_2 < x_3$) 处取得极值，则 x_1, x_2, x_3 的大小关系为

A. $x_1 < x_2 < x_3$ B. $x_2 < x_1 < x_3$ C. $x_3 < x_1 < x_2$ D. $x_3 < x_2 < x_1$

3. 2021 年，我国人口出生率 $f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x^2+1}, & x \geq 0 \\ -\frac{1}{x}, & x < 0 \end{cases}$ 则 $g(x) = f(x) - t$ 在 x_1, x_2, x_3 ($x_1 < x_2 < x_3$) 处取得极值，则 x_1, x_2, x_3 的大小关系为

A. $x_1 < x_2 < x_3$ B. $x_2 < x_1 < x_3$ C. $x_3 < x_1 < x_2$ D. $x_3 < x_2 < x_1$

4. 2022 年，我国人口出生率 $f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x^2+1}, & x \geq 0 \\ -\frac{1}{x}, & x < 0 \end{cases}$ 则 $g(x) = f(x) - t$ 在 x_1, x_2, x_3 ($x_1 < x_2 < x_3$) 处取得极值，则 x_1, x_2, x_3 的大小关系为

A. $x_1 < x_2 < x_3$ B. $x_2 < x_1 < x_3$ C. $x_3 < x_1 < x_2$ D. $x_3 < x_2 < x_1$

5. 2022 年，我国人口出生率 $f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x^2+1}, & x \geq 0 \\ -\frac{1}{x}, & x < 0 \end{cases}$ 则 $g(x) = f(x) - t$ 在 x_1, x_2, x_3 ($x_1 < x_2 < x_3$) 处取得极值，则 x_1, x_2, x_3 的大小关系为

选择题

A. $\left[\frac{1}{4}, 1\right]$ B. $\left[\frac{1}{4}, \frac{1}{e}\right]$ C. $\left[\frac{1}{e}, 1\right]$ D. $(0, 1)$

6. 2022 年，我国人口出生率 $f(x) = \sin 2x - 4x - m \sin x$ 在 $[0, 2\pi]$ 上有两个极值点，则 m 的取值范围是

A. $(-2, 2)$ B. $[-2, 2]$ C. $(-1, 1)$ D. $[-1, 1]$

$$a_{n+1} = \left(1 + \frac{1}{n}\right) a_n + \frac{2}{n} \quad (n \in \mathbf{N}^+)$$

A 0

B -1

C 21

D 22

12 2021. 已知函数 $f(x) = ax \ln x - \frac{1}{2}x^2 + a$ 在 $x=1$ 处取得极大值，则 a 的取值范围是

A $(-\infty, 0)$

B $(0, +\infty)$

C $(-\infty, 1)$

D $(1, +\infty)$

13 2021. 已知 C 为椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 上的点， F 为右焦点， I 为 C 的右准线， A 为 B 关于 A 的对称点， y 为 y 轴上的点。

已知 $AF = \frac{1}{2}FB$ ， O 为坐标原点， $\angle OBA = 30^\circ$ ，则 C 的离心率为

A $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

B $\sqrt{3}$

C $\frac{4\sqrt{3}}{3}$

D $\frac{5\sqrt{3}}{3}$

14 2021. 已知函数 $f(x) = |\sin x| \cos x$ ，则 $f(x)$ 的周期为

A $f(x)$ 的周期为 π

B $f(x)$ 的周期为 2π

C $|f(x_1)| = |f(x_2)|$ ， $x_1 = x_2 + 2k\pi$ ， $k \in \mathbf{Z}$

D $f(x)$ 的周期为 $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}\right]$

15 2021. 已知函数 $f(x) = \sin x + \cos x \sin x$ ，则 $f(x)$ 的周期为

① 2π

② π

③ $f(x)$ 的周期为 π

④ $f(x)$ 的周期为 $\frac{3\sqrt{3}}{4}$

A 1

B 2

C 3

D 4

16 2021. 设集合 $A = \{x \mid x^2 + x = 0\}$, $B = \{x \mid (x^2 + ax)(x^2 + ax + 1) = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$, 则 $a =$

A $\frac{1}{2}$ B $\frac{1}{3}$ C $\frac{1}{4}$ D $\frac{1}{5}$

A 0

B 1

C 2

D 3

17 2021. 设函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + \frac{6}{e}x, & x \in [0, \frac{3}{e}] \\ f(x) = -ex + 2, & x \in (\frac{3}{e}, +\infty) \end{cases}$, 则 $f(x)$ 的极大值为

已知 $e = 2.71828 \dots$, 则 $\ln x = f(x) + \ln x$ 的零点有 个

A 2

B 3

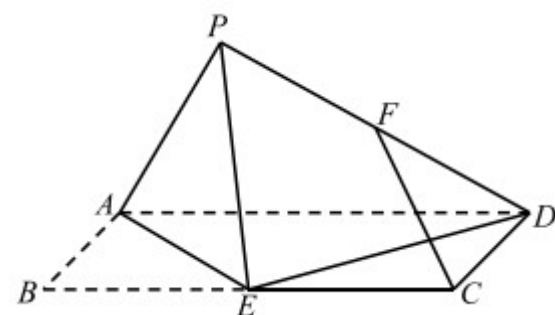
C 4

D 5

18 2021. 设 $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x \in [1, 3] \\ x^2 - 1, & x \in (3, +\infty) \end{cases}$, 则 $f(x)$ 的极大值为

A $[\frac{8}{3}, +\infty)$ B $(-\infty, 0) \cup [\frac{8}{3}, +\infty)$ C $(-\infty, 0]$ D $(-\infty, 0] \cup [\frac{8}{3}, +\infty)$

19 2021. 如图, 在四棱锥 $P-ABCD$ 中, $AD = 2AB$, E 为 BC 的中点, F 为 PD 的中点, 则 AE 与 PF 的位置关系是

A $CF \parallel AE$ B $CF \perp PE$ C $AE \perp DF$ D $\angle APE = \angle AEC$, $\angle ADP = \angle PDE$

20 2021. 设函数 $f(x) = x + \frac{2}{1+e^x}$, 则 $f(x)$ 的极大值为

A $\square A \rightarrow B \rightarrow C$ B $\square C \rightarrow B \rightarrow A$ C $\square C \rightarrow A \rightarrow B$ D $\square B \rightarrow C \rightarrow A$

23 $\square 2022 \cdot$ $y=f(x)$ D $a \in [a,a] \subseteq D$ $X \in [a,a]$ $X_2 \in$

$[a,a]$ $f(x_1) \cdot f(x_2) = 1$ $f(x)$ $P(a)$

A $f(x) = 3^x$ $P(1)$

B $f(x) = x^3$ $P(2)$

C $f(x) = \log_{12}(x+1)$ $P(2)$ $t=4$

D $f(x) = \tan x + b$ $P(\frac{\pi}{4})$ $b = \pm\sqrt{2}$

24 $\square 2022 \cdot$ $1, 1, 2, 3, 5, \dots$

a_n S_n a_n n

A $a_8 = 21$ B $S_7 = 32$

C $a_1 + a_3 + a_5 + \dots + a_{2n-1} = a_{2n}$ D $\frac{a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_{2021}^2}{a_{2021}} = a_{2022}$

25 $\square 2022 \cdot$ F_1, F_2 C $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ $a > 0, b > 0$ C I

$y = \sqrt{3}x$ F_1 $3\sqrt{3}$ P C Q $(2, 0)$ PQ $\angle F_1PF_2$

A $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{27} = 1$ B $\frac{|PF_1|}{|PF_2|} = 2$

C $|PF_1 + PF_2| = 3\sqrt{6}$ D P X $\frac{3\sqrt{15}}{2}$

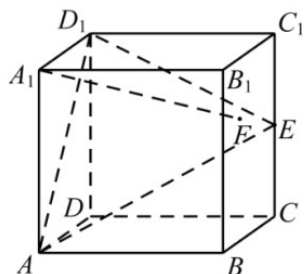
26 $\square 2022 \cdot$ $f(x) = e^x \cdot x^3$

A $f(x) \in \mathbb{R}$ B $f\left(e^{\frac{1}{2}}\right) < f - \log_5 0.2 < (\ln n)$

C $f(x) = -1$ _____

D _____ k _____ $f(x) = kx$ _____ 4 _____

27 2022 · _____ AC_1 _____ E _____ CC_1 _____ F _____ BCC_1B_1 _____ A_1F _____ D_1AE _____



A _____ F _____

B _____ A_1F _____ BE _____

C _____ A_1F _____ D_1E _____

D _____ F - ABD_1 _____

28 2021 · _____ $f(x) = 2\cos^2 \omega x + 2\sqrt{3}\sin \omega x \cos \omega x - 1 (\omega \in \mathbb{Z}) (x \in \mathbb{R})$ _____ $f(x)$ _____

$\left(\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{3}\right)$ _____ $\left(0, \frac{3\pi}{8}\right)$ _____ 2 _____

A _____ $f(x)$ _____ 2

B _____ $\omega = 4$

C _____ $f(x)$ _____ $x = \frac{\pi}{24}$

D _____ $f(x)$ _____ $\left[-\frac{\pi}{6} + \frac{k\pi}{2}, \frac{\pi}{12} + \frac{k\pi}{2}\right]$ _____ $k \in \mathbb{Z}$

29 2021 · _____ $f(x) = \frac{\ln x + 1}{x}$ _____

A _____ $f(x) = 2m$ _____ $m \in (0, 1)$

B _____ $y = f(x)$ _____ $y = kx$ _____ $k \leq 0$ _____ $k = \frac{e}{2}$

C _____ $x > 1$ _____ $f(x) > \frac{x+1}{e^x}$ _____

D $\frac{3}{2} \ln 2 + 1 < \frac{4\sqrt{2}}{e}$

30 2021. 设函数 $f(x)$ 满足 $f(2+x) = f(x)$ $f(2-x) = f(x)$ $x \in [0, 1]$

$f(x) = x^2 + 1$

A $2^{f(x)}$

B $x = -1$ $f(x)$

C $f(2021) = 2$

D $f(x) = \frac{1}{2}|x|$ 4

31 2021. 设 $a > 0$ $b > 0$

A $a + b = 2$ $\lg a + \lg b \leq 0$

B $ab - a - 2b = 0$ $a + 2b \geq 9$

C $a + b = 2$ $\frac{a}{b} + \frac{1}{ab} - \frac{1}{2} \geq \frac{\sqrt{5}}{2}$

D $\frac{1}{a+1} + \frac{1}{b+2} = \frac{1}{3}$ $ab + a + b \geq 14 + 6\sqrt{6}$

32

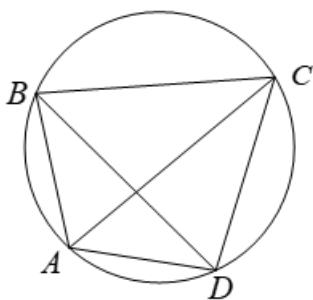
2022. 设函数 $f(x)$ 满足 $x_1, x_2 \in [0, 1]$ $x_1 < x_2$ $f(x_1) \leq f(x_2)$ $f(x)$

$f(0) = 0$ $f(1-x) + f(x) = 1$ $f\left(\frac{x}{3}\right) = \frac{1}{2}$ $f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{2}$ $f\left(\frac{\ln 3}{3}\right) = \frac{1}{2}$

33 2021. 设 AB, BC, CD, DA 的中点分别为 E, F, G, H 且 AC, BD 的中点分别为 M, N 且 $EM = FN$

$|AB| + |AD| = 4$ $\angle DAB = 120^\circ$ $|BD|$

$\angle ADC = \angle ABC$ $|AC|$

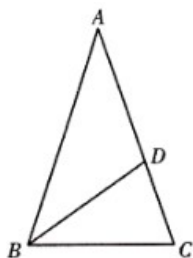


34. 2021. 年 月 日 第 次 考试 第 题 $f(x) = \begin{cases} (3-a)x^2 - x + 3 - 2a, & x < 0 \\ \log_a(x+1) - 1, & x \geq 0 \end{cases}$ 且 $f(0) = 1$ 则 $a = \underline{\hspace{2cm}}$

$f(x) \geq f(0)$ 对任意 x 恒成立，则 a 的取值范围是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

35. 2021. 年 月 日 第 次 考试 第 题 36° 的角所对的边为 a ，则 $\triangle ABC$ 中

$AB = AC$ 时 $\angle ABC$ 的度数为 $\underline{\hspace{2cm}}$ ； $AC = 2$ ， D 为 BC 的中点， $\triangle BCD$ 的面积为 $\underline{\hspace{2cm}}$ ； $BC = 1$ ， $AB = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $\sin 234^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$.



已知

36. 2021. 年 月 日 第 次 考试 第 题 ① 已知 $\triangle ABC$ 中， $\angle A = 120^\circ$ ， $AB = 2$ ， $AC = 3$ ，求 BC 的长。

Germinal dandelin (1794-1847) 是法国数学家，他提出了“Dandelin 球”的概念，用于证明圆锥曲线的性质。

如图，在圆锥 PO 中， E, F 分别是母线 PA, PB 上的点，过 E, F 的平面与圆锥的交线为椭圆。

已知 $AE = AC$ ， $AF = AB$ ，则 $AE + AF = AB + AC = BC$ ，即 B, C 到平面 AEF 的距离之和等于 BC ，从而 E, F 是椭圆的焦点。

② 已知 $PA = 2$ ， P 为圆锥的顶点， A, B 为底面圆周上的点， $PA = 5$ ，求 AB 的长。

已知 $AB = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

② $f(x)$ 在 $\left[0, \frac{3\pi}{16}\right]$ 上

③ $f(x)$ 在 $\left[\frac{7\pi}{16}, \frac{11\pi}{16}\right]$ 上

④ $f(x)$ 在 $x = \frac{\pi}{2}$ 处

⑤ $f(x)$ 在 $\left[\frac{3\pi}{16}, 0\right]$ 上

42. 2022. 已知点 P 在圆 $C: \frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ 上，直线 $l: x - y + 3 = 0$ 与圆 C 交于点 A, B ，

$PA \cdot PB$ 的值为_____.

43. 2022. 已知集合 $P = \{\alpha \mid f(\alpha) = 0\}$, $Q = \{\beta \mid g(\beta) = 0\}$, 其中 $\alpha \in \mathbf{R}$, $\beta \in \mathbf{R}$, 且

$|\alpha - \beta| < n$, $f(x) = 2^{x-2} - 1$, $g(x) = x^2 - ae^x (e^x = e^{1-x})$, 则“ n 为奇数”是“ 1 为奇数”的_____.

_____.

44. 2022. 已知点 P 在圆 ABC 上，且 $PA \perp BC$, $\angle BAC = \frac{2\pi}{3}$, $AP = 3$, $AB = 2\sqrt{3}$, 则 BC 的长为_____.

_____.

45. 2021. 已知点 F 在圆 $C: y^2 = 8x$ 上，点 M 在圆 C 上，且 FM 的中点 N 在圆 C 上，则 $|FN|$ 的值为_____.

$|FN| =$ _____.

46. 2021. 已知点 P 在圆 $ABCD$ 上，且 $PA \perp BC$, $\angle BAC = \frac{2\pi}{3}$, $AP = 3$, $AB = 2\sqrt{3}$, 则 BC 的长为_____.

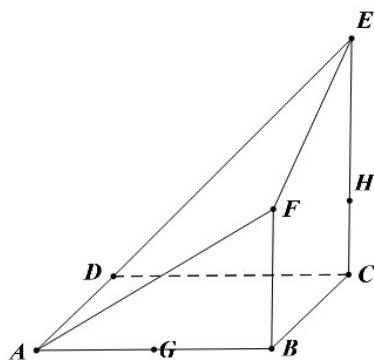
47. 2021. 已知点 P 在圆 ABC 上，且 $PA \perp BC$, $\angle BAC = \frac{2\pi}{3}$, $AP = 3$, $AB = 2\sqrt{3}$, 则 BC 的长为_____.

$t = (\lambda - 1)^2 + \mu^2$ 的值为_____.

48□2021·□□□□·□□□□□□□□□□ $f(x) = x^2 - \frac{a}{2} \ln x - \frac{x}{2}$ $a \in \mathbf{R}$ □□ $\left[\frac{1}{16}, 1\right]$ □□□□□□□□ a □□□□□□ _____

____□

49□2021·□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ $ABCDEF$ □□□□ $ABCD$ □□□□□□ $CE \perp$ □□ $ABCD$ □ $BF \parallel CE$ □□ $AB = CE = 3$ □ $BF = 2$ □□ AB □□□ G □ H □□□ CE □□□□□.



- ① □ $CH = 1$ □□ $HG \parallel$ □□ ADF □
- ② □□ CD □ AE □□□□□□□□ $\sqrt{3}$ □
- ③ □□□ H □ $GH \perp DF$ □
- ④ AF □□□□□□ ABE □□□□ $\frac{\sqrt{2}}{2}$.□□□□□□□□□□□□ _____.

50□2021·□□□□·□□□□□□□□□□□□□□ $y^2 = 4x$ □□□□ F □□□□ $M(-1, 0)$ □□□□ l □□□□□□□□□□□□□□ A □ B □ O □□□□□.

□ $OB \parallel FA$ □□ $\triangle ABF$ □□□□ _____.

关注有礼

学科网中小学资源库



扫码关注

可**免费**领取**180套**PPT教学模版

- ✦ 海量教育资源 一触即达
- ✦ 新鲜活动资讯 即时上线